

การพัฒนากระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ตามแนวคิดการเรียนการสอนที่  
แนะให้รู้คิด การเรียนรู้ร่วมกัน และรูปแบบการแปลงของเลขสำหรับนักศึกษาครู

The Development of Instructional Process of Calculus I Based on  
Cognitively Guided Instruction, Collaborative Learning, and  
the Lesh Translation Model for Preservice Teachers

เกณฑุดา บูรณพันธุ์สักดิ์<sup>1</sup> / ชานนท์ จันทร์<sup>2</sup> / สิริพร ทิพย์คง<sup>3</sup> / ชนิศวรा เลิศอมรpong<sup>4</sup>

Ketsuda Buranaphansak / Chanon Chuntra / Siriporn Thipkong /

Chanisvara Lertamornpong

<sup>1-4</sup>สาขาวิชาการสอนคณิตศาสตร์ คณะศึกษาศาสตร์ มหาวิทยาลัยเกษตรศาสตร์

Program in Teaching Mathematics, Faculty of Education, Kasetsart University

### บทคัดย่อ

การวิจัยนี้มีวัตถุประสงค์เพื่อพัฒนากระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ตามแนวคิดการเรียนการสอนที่แนะให้รู้คิด การเรียนรู้ร่วมกัน และรูปแบบการแปลงของเลข สำหรับนักศึกษาครู และศึกษาผลการใช้กระบวนการเรียนการสอนในด้านความรู้ทางคณิตศาสตร์ พฤติกรรมการมีส่วนร่วมในการทำงานกลุ่มและความคิดเห็นต่อกระบวนการเรียนการสอนที่พัฒนาขึ้น ซึ่งการดำเนินการวิจัยในครั้งนี้เป็นการวิจัยและพัฒนาที่มี 2 ขั้นตอน ดังนี้ ขั้นตอนที่ 1 พัฒนากระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ประกอบด้วย 5 ขั้น คือ 1) ขั้นสร้างความพร้อม และเชื่อมโยงความรู้ใหม่ 2) ขั้นพัฒนาการคิดทางคณิตศาสตร์ 3) ขั้นขยายความรู้ร่วมกัน 4) ขั้นนำเสนอและสรุปความรู้ร่วมกัน และ 5) ขั้นเชื่อมโยงและประยุกต์ใช้ความรู้ ขั้นตอนที่ 2 นำกระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ไปใช้เพื่อประเมินประสิทธิภาพและปรับปรุงให้มีความเหมาะสม กลุ่มเป้าหมายที่ใช้ในการวิจัยประกอบด้วย นักศึกษาสาขาวิชาเอกคณิตศาสตร์ ที่ลงทะเบียนเรียนรายวิชาแคลคูลัส 1 ภาคปลายปีการศึกษา 2559 จำนวน 28 คน และภาคต้นปีการศึกษา 2560 จำนวน 22 คน เครื่องมือที่ใช้ในการเก็บรวบรวมข้อมูลประกอบด้วย แบบทดสอบวัดความรู้ทางคณิตศาสตร์รายวิชาแคลคูลัส 1 แบบประเมินพฤติกรรมการมีส่วนร่วมในการทำงานกลุ่ม

และแบบสอบถามความคิดเห็นเกี่ยวกับกระบวนการเรียนการสอน วิเคราะห์ข้อมูลโดยใช้ค่าเฉลี่ย ร้อยละ ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน และการทดสอบค่าที่ ผลที่ได้จากการนำกระบวนการเรียนการสอน รายวิชาแคลคูลัส 1 ไปใช้ พนบ.ว่า 1) ความรู้ทางคณิตศาสตร์รายวิชาแคลคูลัส 1 ของนักศึกษาครุหลัง เรียนสูงกว่าก่อนเรียนอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .01 2) พฤติกรรมการมีส่วนร่วมในการทำงาน กลุ่มอยู่ในระดับดี และ 3) นักศึกษาครุส่วนใหญ่เห็นด้วยกับกระบวนการเรียนการสอนรายวิชา แคลคูลัส 1 ที่พัฒนาขึ้นว่ามีความเหมาะสม

**คำสำคัญ:** แคลคูลัส 1, การเรียนการสอนที่เน้นให้รู้คิด, การเรียนรู้ร่วมกัน, รูปแบบการแปลงของเลข นักศึกษาครุ

## Abstract

The purposes of this research were to develop instructional process of Calculus I based on cognitively guided instruction, collaborative learning, and the Lesh translation model for preservice teachers and to study implementation results on mathematics knowledge, participatory behaviors in working group, and opinions towards the developed instructional process. Methodology of this research was a research and development that consisted of 2 phases as follows: Phase 1: Developed instructional process of Calculus I included 5 steps: 1) *creating a preparedness* and connecting new knowledge 2) developing mathematical thinking 3) expanding collaborative knowledge 4) presenting and summarizing collaborative knowledge and 5) connecting and application of knowledge. Phase 2: Using the developed instructional process of Calculus I for evaluating the efficiency and improving the instructional process to get the appropriate. The target population was twenty eight students and twenty two students of the Mathematics program who registered Calculus I in the second semester of academic year 2016 and the first semester of academic year 2017 respectively. The instruments in data collection consisted of mathematics knowledge of Calculus I tests, participatory behavior evaluation forms in working group, and questionnaire about the instructional process. Data were analyzed by using mean, percentage, standard deviation, and t-test.

The results of implementing the developed instructional process of Calculus I indicated the following: 1) The mathematics knowledge of Calculus I of preservice teachers after learning was higher than before learning at .01 level of significance. 2) Participatory behavior in working group was good level. And 3) almost preservice teachers agreed that the instructional process of Calculus I was appropriate.

**Keywords:** Calculus I, cognitively guided instruction, collaborative learning, the Lesh translation model, preservice teacher

## บทนำ

คณิตศาสตร์เป็นวิชาที่มีความสำคัญในการพัฒนาคนเพื่อนำไปสู่การพัฒนาความเจริญในด้านต่างๆ โดยเฉพาะอย่างยิ่งในสาขาวิชาวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี เนื่องจากสาขาวิชาดังกล่าวต้องอาศัยความรู้ทางคณิตศาสตร์เพื่อเป็นพื้นฐานทางการคิด การสร้างองค์ความรู้และการทำงานดังนั้นการจัดการศึกษาเพื่อให้ผู้เรียนมีความรู้ความสามารถทางคณิตศาสตร์ จึงเป็นจุดมุ่งหมายสำคัญ pronunciation การหนึ่งของการจัดการศึกษาของชาติ ดังจะเห็นได้จากความพยายามของหน่วยงานทางการศึกษาที่มุ่งเน้นการพัฒนาผู้เรียนให้มีความรู้และทักษะทางคณิตศาสตร์สำหรับนักความรู้และทักษะดังกล่าว ไปใช้ในการแก้ปัญหาหรือดำรงชีวิตในประจำวัน ได้อย่างมีประสิทธิภาพ (Makanong, 2011) นอกจากนี้คณิตศาสตร์ยังสามารถทำให้ผู้เรียนมีทักษะในด้านความคิดสร้างสรรค์ การคิดอย่างมีเหตุผล เป็นระบบระเบียบ มีแบบแผน สามารถวิเคราะห์ปัญหาและสถานการณ์ได้อย่างถี่ถ้วน รอบคอบ ทำให้คาดการณ์ วางแผน ตัดสินใจ และแก้ปัญหา ได้อย่างถูกต้องเหมาะสม (Ministry of Education, 2002; Thipkong, 2013) ซึ่งการจัดการเรียนรู้ทางคณิตศาสตร์ที่สำคัญส่วนหนึ่งคือการจัดการเรียนรู้ให้กับผู้ที่จะออกไปปฏิบัติหน้าที่เป็นครูผู้สอนในสถานศึกษาให้มีประสิทธิภาพ นั่นก็คือการจัดการเรียนรู้ให้กับนักศึกษาครุคณิตศาสตร์ให้มีความรู้ทางคณิตศาสตร์ทึ้งในเชิงมโนทัศน์ และเชิงขั้นตอนวิธีการอย่างถ่องแท้และสมดุลกัน (Hiebert and Lefevre, 1986)

สำหรับรายวิชาคณิตศาสตร์ที่สำคัญในระดับอุดมศึกษาก็คือ รายวิชาแคลคูลัส เพราะเป็นรายวิชาพื้นฐานที่นักศึกษาสาขาวิชาเอกคณิตศาสตร์ วิทยาศาสตร์ และสาขาวิชาอื่นที่ต้องนำความรู้รายวิชาแคลคูลัสไปประยุกต์ใช้ในการแก้ปัญหา (Ferrini-Mundy and Graham, 1991) และเห็นได้จาก

การนำรายวิชาแคลคูลัสเป็นสาระการเรียนรู้หนึ่งในการจัดการเรียนรู้ระดับการศึกษาขั้นพื้นฐานที่นักเรียนระดับมัธยมศึกษาตอนปลายที่เน้นวิทยาศาสตร์ต้องเรียนรู้ (สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี, 2560) แต่นักศึกษาส่วนใหญ่ไม่ประสบความสำเร็จในการเรียนแคลคูลัสเท่าที่ควร จากผลการวิจัยของ Banthaing (2011) ที่พบว่าสภาพและปัญหาของการจัดการเรียนการสอนในรายวิชาแคลคูลัส เกิดขึ้นจากอาจารย์ผู้สอน สื่อประกอบการสอน การวัดและประเมินผล และเทคนิคการสอน ที่ขาดการเชื่อมโยงเนื้อหา กับการนำไปประยุกต์ใช้ ไม่น่าสนใจ หรือไม่เหมาะสม กับวัยของนักศึกษา รวมถึงการตรวจผลงาน การแจ้งผลคะแนน และการให้ข้อเสนอแนะของผู้สอน ไม่เพียงพอต่อความต้องการของนักศึกษา อาจเป็นเหตุให้นักศึกษาจำนวนไม่น้อยต้องจบการศึกษาล่าช้ากว่ากำหนดหรือไม่ก่ออกกลางคัน

ด้วยเหตุนี้นักศึกษาโดยเฉพาะนักศึกษาครุ สาขาวิชาเอกคณิตศาสตร์ จึงจำเป็นต้องมีความรู้ทางคณิตศาสตร์ในรายวิชาแคลคูลัสทั้งในเชิงมโนทัศน์และเชิงขั้นตอนวิธีการอย่างลึกซึ้ง สามารถนำความรู้ไปถ่ายทอดและจัดการเรียนรู้ได้อย่างถูกต้องและมีประสิทธิภาพ ดังนั้นอาจารย์ผู้สอนรายวิชา แคลคูลัสสำหรับนักศึกษาครุ ควรดำเนินการจัดการเรียนการสอนที่เปิดโอกาสให้นักศึกษาครุได้แก่ปัญหาอย่างหลากหลาย สามารถสร้างองค์ความรู้ได้ด้วยวิธีการของตนเอง โดยมีผู้สอนคอยให้ความช่วยเหลือและอำนวยความสะดวกในด้านสื่อการเรียนรู้และแหล่ง การเรียนรู้ระหว่างที่ผู้เรียนทำการแก้ปัญหา ซึ่งเป็นไปตามแนวคิดการเรียนการสอนที่แนะนำให้รู้คิด (Cognitively Guided Instruction) ที่ว่าผู้เรียนจะเรียนรู้คณิตศาสตร์ได้ดีที่สุดด้วยการแก้ปัญหา (Fennema, Carpenter and Peterson, 1989) นอกจากนี้ผู้สอนควรสร้างบรรยากาศให้นักศึกษาครุได้ลงมือปฏิบัติการทำงานร่วมกันเป็นกลุ่มเล็กๆ เพื่อให้นักศึกษาครุเกิดแนวคิดหรืออนุมัติที่หลากหลายและบรรลุเป้าหมายที่กำหนดไว้ ผ่านการระดมความคิด การแลกเปลี่ยนความรู้ ประสบการณ์ และทรัพยากรทางการเรียนรู้ ร่วมกับสมาชิกในกลุ่ม ดังแนวคิดการเรียนรู้ร่วมกัน (Collaborative Learning) ที่เชื่อว่าผู้เรียนสามารถสร้างความรู้ด้วยการมีปฏิสัมพันธ์ทางสังคมกับผู้อื่น ในขณะที่ผู้เรียนทำกิจกรรมหรืองานร่วมกัน ทั้งนี้การจัดสภาพบรรยากาศการเรียนการสอนต้องอธิบายให้นักศึกษาครุได้สัมภានแลกเปลี่ยนแนวคิดทางคณิตศาสตร์ผ่านตัวแทนทางคณิตศาสตร์ในรูปแบบต่างๆ ตามแนวคิดของ Lesh (1979) ที่ได้นำเสนอรูปแบบการแปลงของเลช (The Lesh Translation Model) 5 รูปแบบ ดังนี้ 1) สื่อรูปธรรม 2) ภาพ 3) ภาษา 4) สัญลักษณ์ต่างๆ ทางคณิตศาสตร์ และ 5) สถานการณ์ เรื่องราว หรือปัญหาที่สอดคล้องกับชีวิตจริง โดยตัวแทนทางคณิตศาสตร์ในรูปแบบต่างๆ เหล่านี้ช่วยทำให้ผู้เรียน

สามารถสร้างและนำเสนอความรู้เชิง โนทัศน์ และความรู้เชิงขั้นตอนวิธีการทางคณิตศาสตร์ ได้อย่างถูกต้อง ชัดเจน และมีประสิทธิภาพ

ดังนั้น การดำเนินการจัดการเรียนการสอนตามแนวคิดการเรียนการสอนที่แนะให้รู้คิดและแนวคิดการเรียนรู้ร่วมกันสามารถส่งเสริมให้นักศึกษาครูได้มีส่วนร่วมในการสร้างองค์ความรู้ การนำเสนอแนวคิด และการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ของตนเอง ด้วยความเข้าใจ สนับสนาน และไม่นำเบื้องรวมถึงการพัฒนาให้นักศึกษาครูมีทักษะในศตวรรษที่ 21 ด้วยการมุ่งเน้นให้นักศึกษาครูรู้จัก แสดงหาความรู้และลงมือปฏิบัติกรรมต่างๆ ร่วมกับผู้อื่น เพื่อสร้างความรู้ของตนเอง สามารถนำความรู้ไปพัฒนาตนเองและพัฒนาผู้เรียนของตนเองในอนาคต ได้อย่างเหมาะสม สามารถปรับเปลี่ยนความรู้ได้ตามความต้องการที่เปลี่ยนแปลงไป และมีทักษะในการทำงานร่วมกับผู้อื่นในด้านต่างๆ ได้อย่างมีประสิทธิภาพ รวมทั้งแนวคิดรูปแบบการแปลงของเลขที่ช่วยให้นักศึกษาครูสามารถเรียนรู้ โนทัศน์ และขั้นตอนวิธีการทางคณิตศาสตร์ผ่านตัวแทนทางคณิตศาสตร์ในรูปแบบต่างๆ จากรูปแบบที่เป็นรูปธรรมไปสู่นามธรรม ซึ่งสามารถทำให้นักศึกษาครูได้พัฒนาความรู้ทางคณิตศาสตร์ ที่ถูกต้อง แม่นยำ และชัดเจนจนนำไปสู่ความสำเร็จในการเรียนรายวิชาแคลคูลัส 1 ไปพร้อมกับการมีสมรรถนะในการเรียนรู้ ทักษะการทำงานร่วมกับผู้อื่น รวมถึงคุณลักษณะที่พึงประสงค์ของบัณฑิต ตามความต้องการของหลักสูตรอย่างมีประสิทธิภาพได้

## วัตถุประสงค์

การวิจัยในครั้งนี้มีวัตถุประสงค์ดังนี้

2.1 พัฒนาระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ตามแนวคิดการเรียนการสอนที่แนะให้รู้คิด การเรียนรู้ร่วมกัน และรูปแบบการแปลงของเลข สำหรับนักศึกษาครู

2.2 ศึกษาผลการใช้กระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ที่พัฒนาขึ้นในด้านความรู้ทางคณิตศาสตร์ พฤติกรรมการมีส่วนร่วมในการทำงานกลุ่ม และความคิดเห็นของนักศึกษาครูที่มีต่อกระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ที่พัฒนาขึ้น

## วิธีการวิจัย

กลุ่มเป้าหมายในการวิจัยครั้งนี้คือ นักศึกษาสาขาวิชาคณิตศาสตร์ คณะครุศาสตร์ มหาวิทยาลัยราชภัฏธรัมย์ ที่ลงทะเบียนเรียนรายวิชาแคลคูลัส 1 ภาคปลาย ปีการศึกษา 2559 จำนวน 28 คน และภาคต้นปีการศึกษา 2560 จำนวน 22 คน

เครื่องมือที่ใช้ในการเก็บรวบรวมข้อมูลเพื่อการวิจัยในครั้งนี้ประกอบด้วยเครื่องมือ 5 ชนิด คือ

- แบบทดสอบวัดความรู้ทางคณิตศาสตร์รายวิชาแคลคูลัส 1 จำนวน 5 ฉบับ คือ ฉบับที่ 1 ก่อนและหลังการทดลอง จำนวน 8 ข้อ ฉบับที่ 2 เรื่อง ลิมิต จำนวน 5 ข้อ ฉบับที่ 3 เรื่อง ความต่อเนื่อง จำนวน 3 ข้อ ฉบับที่ 4 เรื่อง อนุพันธ์ จำนวน 5 ข้อ และฉบับที่ 5 เรื่อง การประยุกต์ของอนุพันธ์ จำนวน 6 ข้อ ทั้งห้าฉบับเป็นแบบทดสอบแบบอัตนัยประกอบด้วย 2 ส่วน คือ ส่วนที่ 1 วัดความรู้ทางคณิตศาสตร์เชิงมโนทัศน์ และส่วนที่ 2 วัดความรู้ทางคณิตศาสตร์เชิงขั้นตอนวิธีการ

- แบบประเมินชื่นงาน จำนวน 2 ฉบับ คือ ฉบับที่ 1 แบบประเมินชื่นงานกลุ่ม และฉบับที่ 2 แบบประเมินชื่นงานรายบุคคล ซึ่งระหว่างการทดลองมีการทำงานกลุ่ม จำนวน 25 ครั้ง แต่ละแบบประเมินมีเกณฑ์การให้คะแนนทั้งหมด 4 ระดับ คือ คะแนน 1 ถึง 4 จำนวน 4 ข้อ

- แบบประเมินพฤติกรรมการมีส่วนร่วมในการทำงานกลุ่ม จำนวน 2 ฉบับ คือ ฉบับที่ 1 แบบประเมินพฤติกรรมโดยนักศึกษาครู และฉบับที่ 2 แบบประเมินพฤติกรรมโดยผู้สอน ซึ่งระหว่างการทดลองมีการทำงานกลุ่ม จำนวน 25 ครั้ง แต่ละแบบการประเมินมีเกณฑ์การให้คะแนนทั้งหมด 4 ระดับ คือ คะแนน 1 ถึง 4 จำนวน 7 ข้อ

- แบบสอบถามความคิดเห็นของนักศึกษาครูที่มีต่อกระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ที่พัฒนาขึ้น ประกอบด้วย ข้อความทั้งหมด 3 ด้าน คือ ด้านกิจกรรมการเรียนรู้ จำนวน 10 ข้อ ด้านสื่อการเรียนรู้/แหล่งการเรียนรู้ จำนวน 4 ข้อ และด้านการวัดผลและประเมินผลการเรียนรู้ จำนวน 3 ข้อ รวมทั้งหมด 17 ข้อ ซึ่งเป็นแบบประเมิน 5 ระดับ คือ เห็นด้วยอย่างยิ่ง เห็นด้วย ไม่เห็นด้วย และไม่เห็นด้วยอย่างยิ่ง

- แบบสอบถามเกี่ยวกับสภาพปัญหาและแนวทางแก้ไขปัญหาที่ประสบผลสำเร็จในการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 สำหรับสอบถามอาจารย์มหาวิทยาลัยราชภัฏในเขตภาคตะวันออกเฉียงเหนือ ตอนล่างที่สอนรายวิชาแคลคูลัส 1 เพื่อเก็บรวบรวมข้อมูลพื้นฐานสำหรับนำมาใช้พัฒนาระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1

การพัฒนาระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ตามแนวคิดการเรียนการสอนที่แนะให้รักคิดการเรียนรู้ร่วมกัน และรูปแบบการแปลงของเลข สำหรับนักศึกษาครู ผู้วิจัยได้ดำเนินการในลักษณะของการวิจัยและพัฒนา (research and development) โดยแบ่งขั้นตอนการดำเนินการออกเป็น 2 ขั้นตอนและมีรายละเอียดดังนี้

**ขั้นตอนที่ 1 พัฒนาระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ตามแนวคิดการเรียนการสอนที่แนะให้รักคิด การเรียนรู้ร่วมกัน และรูปแบบการแปลงของเลข สำหรับนักศึกษาครู**

การดำเนินการวิจัยในขั้นตอนพัฒนาระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 สำหรับนักศึกษาครูนี้ ผู้วิจัยได้ดำเนินการดังนี้

1. ศึกษาสภาพปัจจุบัน แนวทางการจัดการเรียนการสอน วิเคราะห์ และสังเคราะห์ข้อมูลพื้นฐาน โดยใช้ระเบียบวิธีการวิจัยเชิงสำรวจ (survey research) เพื่อสอบถามความคิดเห็นของอาจารย์ผู้สอนเกี่ยวกับสภาพปัจจุบันและแนวทางการจัดการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ที่ประสบผลสำเร็จ จากอาจารย์มหาวิทยาลัยราชภัฏในเขตภาคตะวันออกเฉียงเหนือ 20 คน เลือกทำการวิเคราะห์ข้อมูลเชิงปริมาณและเชิงคุณภาพเพื่อนำมาเป็นข้อมูลพื้นฐานสำหรับการพัฒนาระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1

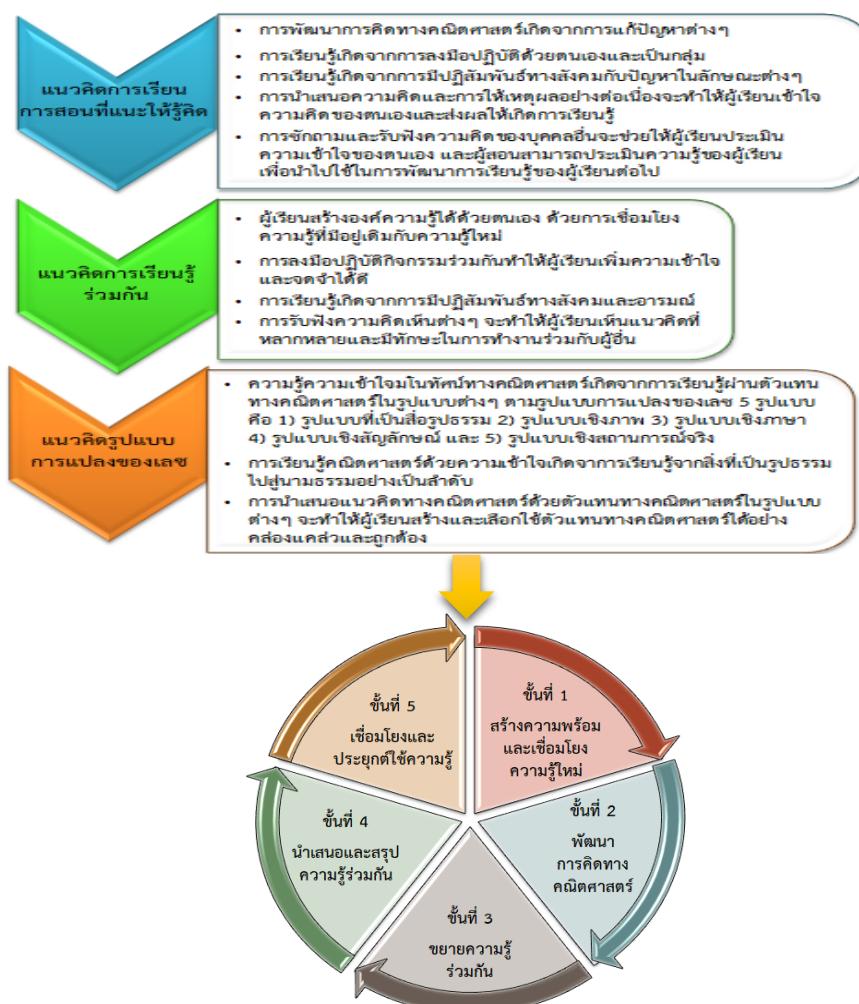
2. ศึกษา วิเคราะห์ และสังเคราะห์แนวคิด ทฤษฎี และงานวิจัยเกี่ยวกับการเรียนการสอนที่แนะให้รักคิด การเรียนรู้ร่วมกัน และรูปแบบการแปลงของเลข เพื่อใช้เป็นข้อมูลพื้นฐานสำหรับพัฒนาระบวนการเรียนการสอนที่เหมาะสมกับการจัดการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1

3. นำผลการวิเคราะห์และสังเคราะห์ข้อมูลพื้นฐานเกี่ยวกับแนวคิด ทฤษฎี และงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง บริบท สภาพปัจจุบัน และแนวทางการจัดการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ที่ประสบผลสำเร็จ มาสร้างกรอบแนวคิด การวิจัยและพัฒนาระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ประกอบด้วย 5 ขั้น คือ ขั้นสร้างความพร้อมและเชื่อมโยงความรู้ใหม่ ขั้นพัฒนาการคิดทางคณิตศาสตร์ ขั้นขยายความรู้ร่วมกัน ขั้นนำเสนอและสรุปความรู้ร่วมกัน และขั้นเชื่อมโยงและประยุกต์ใช้ความรู้ แสดงดังภาพที่ 1

4. สร้างและพัฒนาเครื่องมือที่ใช้ในการวิจัย แบบทดสอบวัดความรู้ทางคณิตศาสตร์รายวิชาแคลคูลัส 1 จำนวน 5 ฉบับ แบบประเมินชิ้นงาน จำนวน 2 ฉบับ แบบประเมินพฤติกรรมการมีส่วน

ร่วมในการทำงานกลุ่ม จำนวน 2 ฉบับ แบบสอนตามความคิดเห็นของนักศึกษาครูที่มีต่อกระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ที่พัฒนาขึ้น

5. นำกระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 สำหรับนักศึกษาครู และเครื่องมือที่ใช้ในการวิจัยไปตรวจสอบคุณภาพ โดยนำໄไปให้คณะกรรมการที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์พิจารณาในประเด็นที่เกี่ยวกับความสอดคล้อง ความถูกต้อง และความเหมาะสมของกระบวนการเรียนการสอน และเครื่องมือที่พัฒนาขึ้น แล้วนำข้อเสนอแนะที่ได้รับจากคณะกรรมการที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์มาทำการปรับปรุงและแก้ไขแล้วให้ผู้ทรงคุณวุฒิ จำนวน 5 ท่าน ที่มีความเชี่ยวชาญในด้านเนื้อหาวิชา คณิตศาสตร์ ด้านหลักสูตรและการสอนทางคณิตศาสตร์ และด้านการวัดผลและการประเมินผลทำการพิจารณาความสอดคล้อง ความครอบคลุม ความชัดเจน ความเหมาะสม และความถูกต้อง รวมถึง ข้อเสนอแนะ แล้วทำการปรับปรุงและแก้ไขสำหรับนำໄไปทดลองใช้รอบที่ 1



**ภาพที่ 1:** ผลการพัฒนาระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ตามแนวคิดการเรียนการสอนที่แนะให้รู้คิดการเรียนรู้ร่วมกัน และรูปแบบการแปลงของเลข สำหรับนักศึกษาครู

**ข้อตอนที่ 2** ศึกษาผลการใช้กระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ตามแนวคิดการเรียนการสอนที่แนะให้รู้คิด การเรียนรู้ร่วมกัน และรูปแบบการแปลงของเลข สำหรับนักศึกษาครู การดำเนินการวิจัยในข้อตอนการนำกระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 สำหรับนักศึกษาครูไปทดลองใช้ ผู้วิจัยได้ดำเนินการดังนี้

1. นำกระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ที่ผ่านการปรับปรุงแก้ไขแล้วไปทดลองใช้ในรอบที่ 1 กับนักศึกษาสาขาวิชาเอกคณิตศาสตร์ ที่ลงทะเบียนเรียนรายวิชาแคลคูลัส 1 ในภาคปลาย ปีการศึกษา 2559 เป็นระยะเวลา 1 ภาคเรียน ขณะทำการทดลองผู้วิจัยได้ปิดโอกาสให้นักศึกษาแสดงความคิดเห็นต่อกระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ที่ผู้วิจัยพัฒนาขึ้น รวมทั้งมีการประเมินความรู้ทางคณิตศาสตร์และพฤติกรรมการมีส่วนร่วมในการทำงานกลุ่มของนักศึกษาเป็นระยะๆ

2. หลังจากที่นำกระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ไปทดลองใช้แล้วนั้นภาคเรียน ผู้วิจัยทำการวิเคราะห์และประเมินผลการนำกระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ไปใช้ในรอบที่ 1 ทั้งในเชิงปริมาณและเชิงคุณภาพ โดยรายงานต่อคณะกรรมการที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ และทำการปรับปรุงแก้ไขกระบวนการเรียน การสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 และเครื่องมือที่ใช้ในการเก็บรวบรวมข้อมูลวิจัยให้มีความเหมาะสมและสมบูรณ์มากขึ้น ก่อนนำไปทดลองใช้ในรอบที่ 2

3. นำกระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ที่ได้รับการปรับปรุงและแก้ไขแล้วจาก การทดลองใช้ในรอบที่ 1 ไปทดลองใช้กับนักศึกษาสาขาวิชาเอกคณิตศาสตร์ คณะครุศาสตร์ มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์ ที่ลงทะเบียนเรียนรายวิชาแคลคูลัส 1 ภาคต้น ปีการศึกษา 2560 จำนวน 22 คน เป็นระยะเวลา 1 ภาคเรียนเมื่อสิ้นภาคการศึกษา ผู้วิจัยทำการประเมินผลและปรับปรุงกระบวนการเรียนการสอนให้มีความเหมาะสมตามเป้าหมายที่วางไว้ แล้วนำผลการวิจัยและกระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ที่ทำการปรับปรุงและแก้ไขแล้วไปเผยแพร่ พร้อมทั้งจัดทำคู่มือและเอกสารประกอบการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1

## ผลการวิจัย

ผลการวิจัยสามารถสรุปได้ตามวัตถุประสงค์การวิจัย ดังนี้

### 1. ผลการพัฒนาระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1

ผลจากการศึกษา วิเคราะห์ และสังเคราะห์ข้อมูลพื้นฐาน แนวคิด ทฤษฎี และงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง ผู้วิจัยได้นำข้อมูลดังกล่าวมาสร้างและพัฒนาระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ตามแนวคิดการเรียนการสอนที่แนะให้รู้คิด การเรียนรู้ร่วมกัน และรูปแบบการแปลงของเลขสำหรับนักศึกษาครู ประกอบด้วยขั้นตอนการจัดการเรียนการสอน 5 ขั้นตอน ดังนี้

**ขั้นที่ 1 สร้างความพร้อมและเชื่อมโยงความรู้ใหม่ เป็นขั้นตอนที่ผู้สอนนำเสนอคำาณปัญหา หรือสถานการณ์ที่สอดคล้องกับชีวิตจริงผ่านตัวแทนทางคณิตศาสตร์ในรูปแบบต่างๆ เพื่อให้นักศึกษาครูได้ทบทวนความรู้พื้นฐานหรือความรู้เดิม และขยายความรู้ที่มีอยู่เพื่อเชื่อมโยงกับเนื้อหาใหม่ที่จะได้รับการเรียนรู้ในขั้นต่อไป**

**ขั้นที่ 2 พัฒนาการคิดทางคณิตศาสตร์ เป็นขั้นตอนที่ผู้สอนนำเสนอเนื้อหาใหม่ผ่านตัวแทนทางคณิตศาสตร์ในรูปแบบต่างๆ เพื่อให้นักศึกษาครูได้เรียนรู้แนวคิด บทนิยาม ทฤษฎีบท กฏ และการนำความรู้ดังกล่าวไปใช้ได้อย่างเข้าใจ ด้วยการยกตัวอย่างหรือนำเสนอปัญหาทางคณิตศาสตร์ให้นักศึกษาครูได้ฝึกคิดวิเคราะห์ และประยุกต์ใช้ความรู้ในการแก้ปัญหาร่วมกับผู้สอน และเพื่อนในชั้นเรียน**

**ขั้นที่ 3 ขยายความรู้ร่วมกัน เป็นขั้นตอนที่ผู้สอนให้นักศึกษาครูลงมือปฏิบัติการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ ร่วมกันอธิบาย ขยายความ และเปลี่ยนความรู้ แนวคิดและเหตุผล แบ่งเป็นทีมพยากรณ์การเรียนรู้ และหาข้อสรุปกับเพื่อนในกลุ่มด้วยการสื่อสารผ่านตัวแทนทางคณิตศาสตร์ในรูปแบบต่างๆ โดยผู้สอนเป็นผู้จัดเตรียมสื่อการเรียนรู้และแหล่งการเรียนรู้เพื่ออำนวยความสะดวกในการสื่อสารข้อมูลเพิ่มเติมในการทำงานกลุ่มของนักศึกษาครู พร้อมทั้งอย่าซักถาม รับฟัง ชี้แนะแนวทาง และเสริมความคิดให้แต่ละกลุ่มได้เข้าใจแนวคิดในการแก้ปัญหาของตนเองจนนำไปสู่ผลลัพธ์หรือคำตอบที่ต้องการได้**

**ขั้นที่ 4 นำเสนอและสรุปความรู้ร่วมกัน เป็นขั้นตอนที่ผู้สอนเปิดโอกาสให้นักศึกษาครูได้นำเสนอแนวคิดและขั้นตอนวิธีการ หากผลลัพธ์หรือคำตอบซึ่งเป็นข้อสรุปของกลุ่มร่วมกันเพื่อนในชั้นเรียน โดยให้นักศึกษาครูทุกคนร่วมกัน ซักถาม อภิปราย และสรุปความรู้กับเพื่อนในชั้นเรียนและผู้สอน เพื่อให้นักศึกษาครูมีความรู้เชิงโน้ทคัท์และความรู้เชิงขั้นตอนวิธีการที่ชัดเจนมากขึ้น และ**

สามารถนำไปใช้แก้ปัญหาได้อย่างถูกต้อง ทั้งนี้มีผู้สอนเป็นผู้ค่อยกระตุ้นให้นักศึกษาครูได้ถูกต้องในประเด็นที่สังสัย รวมถึงการถามนำเพื่อให้นักศึกษาครูได้วิเคราะห์ สังเคราะห์ และอภิปรายผลงานได้ข้อสรุปร่วมกัน

**ขั้นที่ 5 เชื่อมโยงและประยุกต์ใช้ความรู้ เป็นขั้นตอนที่ผู้สอนเปิดโอกาสให้นักศึกษาครูแต่ละคนฝึกแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์หรือสถานการณ์ที่สอดคล้องกับชีวิตจริงด้วยตนเอง เพื่อตรวจสอบว่า นักศึกษาครูมีความรู้ทางคณิตศาสตร์ทั้งในเชิงมโนทัศน์และเชิงขั้นตอนวิธีการ มีความสามารถในการสร้างหรือเลือกใช้ตัวแทนทางคณิตศาสตร์ในรูปแบบต่างๆ สำหรับแก้ปัญหา นั้นๆ ได้อย่างถูกต้อง เหมาะสม และคล่องแคล่ว โดยมีผู้สอนเป็นผู้ค่อยสังเกต ซักถาม รับฟัง ชี้แนะ แนวทาง และเสริมความคิดในการดำเนินการแก้ปัญหาให้นักศึกษาครูอย่างสม่ำเสมอ จนนำไปสู่ผลลัพธ์หรือคำตอบที่ต้องการ รวมถึงปรับแนวคิดที่ถูกต้องให้กับนักศึกษาครูก่อนเรียนเนื้อหาใหม่ ต่อไป**

## **2. ผลการนำกระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ที่พัฒนาขึ้นไปใช้**

ผู้วิจัยนำกระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ที่พัฒนาขึ้นไปใช้กับนักศึกษาสาขาวิชาเอกคณิตศาสตร์ คณะครุศาสตร์ มหาวิทยาลัยราชภัฏบุรีรัมย์ ที่ลงทะเบียนเรียนรายวิชา แคลคูลัส 1 ภาคต้น ปีการศึกษา 2560 จำนวน 22 คน ผลการเรียนที่เกิดขึ้นกับนักศึกษาครูมีดังนี้

2.1 นักศึกษาครูมีความรู้ทางคณิตศาสตร์รายวิชาแคลคูลัส 1 เพิ่มขึ้นหลังจากที่เรียนด้วยกระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ที่พัฒนาขึ้น โดยพิจารณาจากการทดสอบค่าเฉลี่ยของคะแนนจากแบบทดสอบวัดความรู้ทางคณิตศาสตร์รายวิชาแคลคูลัส 1 ฉบับที่ 1 ก่อนและหลังการทดลอง พบว่า นักศึกษาครูมีคะแนนเฉลี่ยหลังการทดลองสูงกว่าก่อนการทดลองที่เรียนด้วยกระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ที่พัฒนาขึ้นอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .01 แสดงไว้ดังตารางที่ 1

## ตารางที่ 1

ผลการทดสอบคะแนนเฉลี่ยความรู้ทางคณิตศาสตร์รายวิชาแคลคูลัส 1 ฉบับที่ 1 ก่อนและหลัง

ทดลอง

คะแนน	$\bar{x}$	S.D.	t	sig
หลังทดลอง	40.73	8.54		
ก่อนทดลอง	7.46	4.74	24.410**	.000

\*\* p < .01

สำหรับจำนวนนักศึกษาครูที่ผ่านเกณฑ์ที่ตั้งไว้ คือ ไม่น้อยกว่าร้อยละ 70 ของจำนวนนักศึกษาทั้งหมด (15 คน) ที่ต้องมีคะแนนไม่น้อยกว่าร้อยละ 60 ของคะแนนจากแบบทดสอบทั้งห้าฉบับ ของนักศึกษาครูจำนวน 22 คน แสดงไว้ดังตารางที่ 2 – 3

## ตารางที่ 2

คะแนนเต็มของแบบทดสอบ คะแนนผ่านเกณฑ์ร้อยละ 60 และจำนวนนักศึกษาที่มีคะแนนผ่านเกณฑ์ร้อยละ 60 ไม่น้อยกว่าร้อยละ 70 ของนักศึกษาครูทั้งหมด ของคะแนนสอบจากแบบทดสอบทั้งห้าฉบับ

แบบทดสอบฉบับที่	คะแนนเต็ม	คะแนนผ่านเกณฑ์ ร้อยละ 60	จำนวนนักศึกษาครูที่มีคะแนน ผ่านเกณฑ์ร้อยละ 60	แปลผล
				ผ่านเกณฑ์
1	56	33.6	19	ผ่านเกณฑ์
2	35	21	18	ผ่านเกณฑ์
3	21	12.6	15	ผ่านเกณฑ์
4	35	21	19	ผ่านเกณฑ์
5	42	25.2	20	ผ่านเกณฑ์

### ตารางที่ 3

ผลการทดสอบคะแนนเฉลี่ยความรู้ทางคณิตศาสตร์รายวิชาแคลคูลัส 1 ทั้งห้าฉบับกับคะแนนผ่านเกณฑ์ร้อยละ 60 ของแบบทดสอบแต่ละฉบับ

ฉบับที่	N	คะแนนเต็ม	$\bar{x}$	$\mu$	S.D.	t	sig
1	22	56	40.73	33.6	8.54	3.913 **	.001
2	22	35	25.50	21	1.56	2.883 **	.009
3	22	21	12.86	12.6	1.03	.257	.800
4	22	35	26.77	21	5.26	5.144 **	.000
5	22	42	30.46	25.2	7.34	3.358 **	.003

\*\* p < .01

จากตารางที่ 2 พบว่า จำนวนนักศึกษาครูไม่น้อยกว่าร้อยละ 70 มีคะแนนผ่านเกณฑ์ร้อยละ 60 ของแบบทดสอบวัดความรู้ทางคณิตศาสตร์รายวิชาแคลคูลัส 1 ทั้งห้าฉบับ และเมื่อวิเคราะห์โดยใช้การทดสอบคะแนนเฉลี่ย พบว่า นักศึกษาครูส่วนใหญ่มีคะแนนผ่านเกณฑ์ที่กำหนดไว้อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .01 ซึ่งแสดงผลดังตารางที่ 3 ยกเว้นแบบทดสอบวัดความรู้ทางคณิตศาสตร์รายวิชาแคลคูลัส 1 ฉบับที่ 3 เรื่อง ความต่อเนื่อง

2.2 พฤติกรรมการมีส่วนร่วมในการทำงานกลุ่มของนักศึกษาครู จากการประเมินของผู้สอน พบว่า นักศึกษาครูมีพฤติกรรมการมีส่วนร่วมในการทำงานกลุ่มโดยรวมอยู่ในระดับดี ส่วนผลจากการประเมินของนักศึกษาครู พบว่า นักศึกษาครูมีพฤติกรรมการมีส่วนร่วมในการทำงานกลุ่มโดยรวมอยู่ในระดับดีมาก ทั้งนี้พฤติกรรมที่ผู้สอนและนักศึกษาครูเห็นว่าอยู่ในระดับดีมาก คือสามารถในกลุ่มทำงานที่ได้รับมอบหมายด้วยความตั้งใจ และสามารถในกลุ่มช่วยกันทำงานให้เสร็จภายในเวลาที่กำหนด

2.3 ความคิดเห็นของนักศึกษาครูที่มีต่อกระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ที่พัฒนาขึ้น พบว่า นักศึกษาครูมีความคิดเห็นต่อกระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ที่พัฒนาขึ้น โดยรวมและแต่ละด้านอยู่ในระดับเห็นด้วย

## อภิปรายผล

จากผลการวิจัย เรื่อง การพัฒนาระบวนการเรียนรายวิชาแคลคูลัส 1 ตามแนววิถีการเรียน การสอนที่แนะให้รู้คิด การเรียนรู้ร่วมกัน และรูปแบบการแปลงของเลข สำหรับนักศึกษาครู ผู้วิจัย ขออภิปรายผลการวิจัยเพื่อนำไปสู่ข้อสรุปและข้อเสนอแนะของการวิจัยดังนี้

1. ความรู้ทางคณิตศาสตร์รายวิชาแคลคูลัส 1 ของนักศึกษาครู เมื่อใช้กระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ที่พัฒนาขึ้น พบว่า โดยรวมนักศึกษาครูมีคะแนนเฉลี่ยของความรู้ทางคณิตศาสตร์รายวิชาแคลคูลัส 1 หลังการทดลองสูงกว่าก่อนการทดลองอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .01 และเมื่อพิจารณาคะแนนแบบทดสอบรายฉบับ พบว่า จำนวนนักศึกษาครูไม่น้อยกว่าร้อยละ 70 มีคะแนนหลังเรียนผ่านเกณฑ์ร้อยละ 60 ตามที่ผู้วิจัยตั้งไว้ ทั้งห้าฉบับ เพราะนักศึกษาครูส่วนใหญ่สามารถเขียนแสดงความรู้ทางคณิตศาสตร์ทั้งในเชิงโนทัศน์และเชิงขั้นตอนวิธีการ ได้อย่างครบถ้วน โดยนักศึกษาครูสามารถแสดงขั้นตอนวิธีการ ได้เป็นลำดับ ครบถ้วน รวมทั้งสามารถเขียน อ้างอิงบทนิยาม ทฤษฎีบท กฎ หรือสูตรทางคณิตศาสตร์ในแต่ละขั้นตอนได้ถูกต้อง สอดคล้องกัน และพิจพลดานน้อย จึงเห็นได้ว่ากระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ที่ผู้วิจัยพัฒนาขึ้นทั้งห้า ขั้นตอน สามารถส่งเสริมให้นักศึกษาครูเกิดความรู้ทางคณิตศาสตร์ทั้งในเชิงโนทัศน์และเชิง ขั้นตอนวิธีการ ไปพร้อมๆ กัน ตามที่ Hiebert and Lefevre (1986) ได้กล่าวไว้ว่าการเรียนเนื้อหา คณิตศาสตร์เฉพาะใดๆ นั้น ผู้เรียนควรได้รับความรู้ทางคณิตศาสตร์ทั้งในเชิงโนทัศน์และเชิง ขั้นตอนวิธีการอย่างสมดุลกัน จึงจะทำให้ผู้เรียนมีความรู้ทางคณิตศาสตร์ที่ถูกต้องและนำไป ประยุกต์ใช้ได้อย่างมีประสิทธิภาพ โดยกระบวนการเรียนการสอนที่พัฒนาขึ้นนี้ เปิดโอกาสให้ นักศึกษาครูสามารถสร้างองค์ความรู้ของตนเองผ่านการทำน้ำร่วมกับผู้อื่นเป็นกลุ่ม เพื่อให้สมาชิก ในกลุ่มได้ช่วยกันนำเสนอความคิดและแสดงเหตุผลของตนเองร่วมกับสมาชิกในกลุ่มคนอื่นๆ ทำให้ นักศึกษาครูสามารถประเมินความเข้าใจของตนเองได้ ซึ่งสอดคล้องกับความคิดเห็นของนักศึกษาครู ที่มีต่อกระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ที่นักศึกษาครูเห็นว่าตนเองได้ลงมือปฏิบัติ กิจกรรมด้วยตนเองและเป็นกลุ่ม ได้ทำงาน/กิจกรรมที่สอดคล้องกับเนื้อหาจนทำให้เกิดความเข้าใจ มากขึ้น ทั้งยังมีผู้สอนคงอยู่ชักถาม รับฟังความคิดเห็น และเสริมต่อความคิดทางคณิตศาสตร์จาก รูปธรรมไปสู่namธรรมอย่างเป็นลำดับโดยใช้ตัวแทนทางคณิตศาสตร์อย่างหลากหลายเพื่อพัฒนา ความรู้ความสามารถในการเชื่อมโยงความรู้ที่เรียนไปใช้แก่ปัญหาที่สอดคล้องกับชีวิตจริงได้

2. พฤติกรรมการมีส่วนร่วมในการทำงานกลุ่มของนักศึกษาครู เมื่อใช้กระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ที่พัฒนาขึ้น พบว่า นักศึกษาครูในแต่ละกลุ่มตั้งใจทำงานที่ได้รับมอบหมายเพื่อให้งานเสร็จภายในเวลาที่กำหนด รวมถึงช่วยกันตรวจสอบและซักถามเพื่อให้ทุกคนในกลุ่มเข้าใจตรงกันก่อนออกแบบนำเสนอผลงานหน้าห้องเรียน นอกจากนี้ยังพบว่า นักศึกษาครูมีพฤติกรรมในการยอมรับความคิดเห็นซึ่งกันและกันอย่างมีเหตุผลให้ความช่วยเหลือซึ่งกันและกัน และแบ่งหน้าที่ในการรับผิดชอบงานอย่างเป็นระบบ จะเห็นได้ว่า กระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ที่พัฒนาขึ้นเปิดโอกาสให้นักศึกษาครูมีทักษะทางสังคม สามารถทำงานร่วมกับผู้อื่น ได้เป็นอย่างดี เกิดการแลกเปลี่ยนเรียนรู้ระหว่างสมาชิกในกลุ่ม และกล้าแสดงความคิดของตนเองมากขึ้น ทำให้ นักศึกษาครูสามารถร่วมกันแก้ปัญหาที่ได้รับอย่างมีประสิทธิภาพ ซึ่งเป็นไปตามที่ Bruffee (1995) และ Prachayapruit (2012) ได้กล่าวไว้ว่า การให้ผู้เรียนได้รับโอกาสในการเรียนรู้ทักษะทางสังคมที่ผู้เรียนต้องทำงานร่วมกับผู้อื่น รับฟังความคิดเห็นต่าง และให้โอกาสผู้อื่นได้นำเสนอแนวคิด จะทำให้ผู้เรียนมีความอื้อเพื่อและสามัคคีในการร่วมกันเรียนรู้ข้อมูลที่มีความยากและซับซ้อนด้วยความสนุกเป็นกันเอง

3. ความคิดเห็นของนักศึกษาครูที่มีต่อกระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ที่พัฒนาขึ้น พบว่า นักศึกษาครูมีความคิดเห็นต่อกระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ที่พัฒนาขึ้น โดยรวมแล้วแต่ละด้านอยู่ในระดับเห็นด้วย ซึ่งประกอบด้วย ด้านสื่อการเรียนรู้/แหล่งการเรียนรู้ ด้านกิจกรรมการเรียนรู้ และด้านการวัดผลและประเมินผลการเรียนรู้ ทั้งนี้ เป็นเพราะผู้วิจัยดำเนินการตามขั้นตอนของกระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ที่พัฒนาขึ้นอย่างเป็นลำดับ และเป็นไปตามที่วางแผนไว้ โดยผู้วิจัยได้จัดเตรียมเอกสาร ใบกิจกรรมใบงาน สื่อเทคโนโลยี วัสดุ อุปกรณ์ กิจกรรมการเรียนรู้ รวมถึงการวัดผลและประเมินผลการเรียนรู้ ประกอบการจัดการเรียนรู้ในแต่ละครั้งอย่างครบถ้วนและสอดคล้องกัน ทำให้นักศึกษาครูสามารถเรียนรู้และใช้ความรู้ทางคณิตศาสตร์ทั้งในเชิงโภคภัณฑ์และเชิงขั้นตอนวิธีการในการนำเสนอขั้นตอนการแก้ปัญหา ไม่ว่าจะเป็นปัญหาทางคณิตศาสตร์หรือปัญหาที่สอดคล้องกับชีวิตจริงผ่านตัวแทนทางคณิตศาสตร์ในรูปแบบต่างๆ ได้อย่างถูกต้อง ครบถ้วน และเป็นรูปธรรม จนทำให้นักศึกษาครูสามารถสร้างองค์ความรู้ในแต่ละเนื้อหาได้อย่างเข้าใจและนำไปประยุกต์ใช้กับเนื้อหาใหม่และชีวิตประจำวัน ได้ นอกจากนี้ การกำหนดเกณฑ์การประเมินชิ้นงานและเกณฑ์การให้คะแนนแบบทดสอบวัดความรู้ทางคณิตศาสตร์รายวิชาแคลคูลัส 1 ที่ผู้วิจัยได้กำหนดไว้อย่างชัดเจน รวมทั้งการสะท้อนผลการ

ประเมินและคะแนนสอบทุกครั้งพร้อมกับคำชี้แจงและข้อเสนอแนะเพิ่มเติมในส่วนที่นักศึกษาครูทำผิดพลาดหรือเข้าใจคลาดเคลื่อนให้ถูกต้องก่อนเริ่มนื้อหาใหม่ ทำให้นักศึกษาครูสามารถนำไปใช้พัฒนา ปรับปรุง และแก้ไขข้อบกพร่องของตนเองในการทำงานหรือการทดสอบครั้งต่อไปอย่างรอบคอบและถูกต้องมากขึ้น

## บทสรุป

กระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ที่พัฒนาขึ้นตามแนวคิดการเรียนการสอนที่แนะนำให้รู้คิดการเรียนร่วมกัน และรูปแบบการแปลงของเลข สามารถทำให้นักศึกษาครูมีความรู้ทางคณิตศาสตร์ทั้งในเชิงมโนทัศน์และเชิงขั้นตอนวิธีการ ได้อย่างสมดุลกัน และยังทำให้นักศึกษาครูมีทักษะทางสังคมเป็นไปตามคุณลักษณะที่พึงประสงค์ของการผลิตบัณฑิตตามหลักสูตรครุศาสตรบัณฑิต

## ข้อเสนอแนะที่ได้จากการวิจัย

การนำกระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 ตามแนวคิดการเรียนการสอนที่แนะนำให้รู้คิดการเรียนรู้ร่วมกัน และรูปแบบการแปลงของเลข สำหรับนักศึกษาครู ไปใช้ให้เกิดประโยชน์มากที่สุดนั้น ผู้สอนหรือผู้ที่สนใจควรมีความรู้ความเข้าใจและเตรียมตัวในเรื่องต่างๆ ดังนี้

1. การพัฒนากระบวนการเรียนการสอนในรายวิชาใดๆ ผู้สอนควรศึกษาสภาพความพร้อมและความต้องการของผู้เรียนก่อน เพื่อให้ได้กระบวนการเรียนการสอนที่เหมาะสมสมกับรายวิชานั้นๆ ด้วยการเปิดโอกาสให้ผู้ที่มีส่วนเกี่ยวข้องไม่ว่าจะเป็นผู้สอนหรือผู้เรียน ได้ร่วมแสดงความคิดเห็นในแต่ละขั้นตอนของการจัดการเรียนการสอนด้วยกระบวนการเรียนการสอนที่พัฒนาขึ้น เพื่อให้ได้ขั้นตอนการจัดการเรียนการสอนที่เหมาะสมและสอดคล้องกับผู้เรียนมากที่สุด

2. กระบวนการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 สำหรับนักศึกษาครูที่พัฒนาขึ้นนี้ เป็นแนวทางหนึ่งสำหรับนำไปใช้ในการจัดการเรียนการสอนรายวิชาแคลคูลัส 1 สำหรับนิสิตนักศึกษาสาขาวิชาต่างๆ ซึ่งควรมีการปรับปรุงให้เหมาะสมสมกับบริบทและสภาพการจัดการเรียนการสอนของผู้สอนแต่ละคนก่อนนำไปใช้ ตลอดจนการนำกระบวนการเรียนการสอนดังกล่าวไปปรับใช้ให้เหมาะสมกับความพร้อมและความต้องการของผู้เรียนและผู้สอน

3. ในขั้นขยายความรู้ร่วมกัน และขั้นนำเสนอและสรุปความรู้ร่วมกัน ผู้สอนสามารถปรับหรือเลือกใช้กิจกรรมที่แตกต่างและมีความหลากหลายตามความเหมาะสมของสภาพและธรรมชาติของผู้เรียน รวมทั้งผู้สอนต้องให้เวลาและโอกาสกับผู้เรียนในการทำกิจกรรมเพื่อเสริมสร้างการพัฒนาการคิดทางคณิตศาสตร์ผ่านตัวแทนทางคณิตศาสตร์ที่หลากหลาย โดยผู้สอนต้องอย่าหยักดามชี้แนะ และเสริมต่อความคิดจนกว่าผู้เรียนจะสามารถได้ข้อสรุปร่วมกันภายในกลุ่ม

4. ในการประเมินชิ้นงานกลุ่ม ชิ้นงานเดียว และการให้คะแนนการทดสอบ ผู้สอนควรมีเกณฑ์การประเมินและเกณฑ์การให้คะแนนอย่างชัดเจนและสะท้อนผลอย่างทันถ่วงที่ เพื่อให้ผู้เรียนทราบว่าตนเองมีข้อบกพร่องหรือข้อผิดพลาดใด สำหรับนำไปปรับปรุง แก้ไข และพัฒนาชิ้นงาน และทำการทดสอบครั้งต่อไปได้อย่างมีประสิทธิภาพ

### กิตติกรรมประกาศ

ผู้จัดข้อมูลคุณสำนักงานคณะกรรมการวิจัยแห่งชาติ (วช.) ที่ได้พิจารณาอนุมัติทุนการวิจัยประเพณีพื้นฐานที่ศึกษา ประจำปีงบประมาณ 2560 จึงทำให้การทำวิจัยครั้งนี้สำเร็จลุล่วงด้วยดี

### เอกสารอ้างอิง

กรมวิชาการ กระทรวงศึกษาธิการ. (2545). เอกสารประกอบหลักสูตรการศึกษาขั้นพื้นฐาน พุทธศักราช 2544. คู่มือการจัดการเรียนรู้กู้ภัยสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์. กรุงเทพฯ : โรงพิมพ์องค์การรับส่งสินค้าและพัสดุภัณฑ์.

บันเทิง แก่นสาร. (2554). สภาพและปัญหาการจัดการเรียนการสอนในรายวิชาแคลคูลัสสำหรับ วิศวกร 1. หมวดวิชาคณิตศาสตร์ประยุกต์ สำนักวิชาศึกษาทั่วไป, มหาวิทยาลัยศรีปทุม. สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี. (2560). หลักสูตรแกนกลางการศึกษาขั้น พื้นฐาน พุทธศักราช 2551 (ฉบับปรับปรุงเพิ่มเติม 2560) (Online).

[http://www.opec.go.th/ckfinder/userfiles/files/general/123\(2\).pdf](http://www.opec.go.th/ckfinder/userfiles/files/general/123(2).pdf), 4 ธันวาคม 2560.

สิริพร พิพิชคง. (2556). การแก้ปัญหาคณิตศาสตร์ (พิมพ์ครั้งที่ 2). กรุงเทพฯ : โรงพิมพ์ สกสค. ลาดพร้าว.

อภิภา ปรัชญพุทธิ. (2555). หลักสูตรและการเรียนการสอนอุดมศึกษา: พาราไคเมและวิธีปฏิบัติ. กรุงเทพฯ : อินทภาษา.

- อัมพร มัคโนง. (2554). *ทักษะและกระบวนการทางคณิตศาสตร์: การพัฒนาเพื่อพัฒนาการ* (พิมพ์ครั้งที่ 2). กรุงเทพฯ : โรงพิมพ์จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย.
- Bruffee, A. K. (1995). "Sharing our toys-cooperative learning versus collaborative learning." *Change* (January-February, 1995): 12-18.
- Fennema, E., Carpenter, T. & Peterson, P. (1989). "Teachers' decision making and cognitively guided instruction: A new paradigm for curriculum development." In N. F. Ellerton, and M. A. Clements. (eds.). *School mathematics: The challenge to change*. Geelong: Deakin University Press, 174-187.
- Ferrini-Mundy, J. & Graham, K. G. (1991). "An overview of the calculus curriculum reform effort: Issues for learning, teaching, and curriculum development." *American Mathematical Monthly* 98 (7): 627-635.
- Hiebert, J. & Lefevre, P. (1986). *Conceptual and procedural knowledge in mathematics: An introductory analysis*. New Jersey : Erlbaum.
- Lesh, R. (1979). "Mathematical learning disabilities: considerations for identification, diagnosis, and remediation." In R. Lesh, D. Mierkiewicz, and M. G. Kantowski. (eds.). *Applied Mathematical Problem Solving Columbus*. Ohio: ERICISMEAC, 111-118.

### Translated Thai References

- Banthaing, K. (2011). *State and problems of teaching and learning in calculus courses for engineers 1*. Applied Mathematics of Institute of General Education, Sripatum University. [in Thai]
- Makanong, A. (2011). *Mathematical skills and processes: Development for evolution* (2nd ed.). Bangkok: Chulalongkorn University Printing House. [in Thai]
- Ministry of Education. (2002). *Basic education curriculum B.E. 2544 (A.D. 2001) mathematics*. Bangkok: The Express Transportation Organization of Thailand (ETO). [in Thai]
- Prachayapruit, A. (2012). *Curriculum and instruction in higher education: Paradigm and practice*. Bangkok: Intapat. [in Thai]

The Institute for the Promotion of Teaching Science and Technology. (2017). *The basic education core curriculum B.E. 2551 (A.D. 2008) mathematics* (Online).

[http://www.opec.go.th/ckfinder/userfiles/files/general/123\(2\).pdf](http://www.opec.go.th/ckfinder/userfiles/files/general/123(2).pdf), December 4, 2018 [in Thai]

Thipkong, S. (2013). *Mathematical problem solving* (2nd ed.). Bangkok: BOWT printing. [in Thai]

### ผู้เขียน

นางเกยสุดา บูรณพันศักดิ์  
นิสิตระดับปริญญาเอก สาขาวิชาการสอนคณิตศาสตร์ คณะศึกษาศาสตร์  
มหาวิทยาลัยเกษตรศาสตร์ 50 ถนนงามวงศ์วาน  
แขวงคลองเตย เขตคลองเตย กรุงเทพมหานคร 10900  
โทร 081-7180990 อีเมล: kassuda@hotmail.com

### Author

Mrs. Ketsuda Buranaphansak  
Doctoral Students, Teaching Mathematics Program, Faculty of Education,  
Kasetsart University, 50 Ngamwongwan Rd., Ladao, Chatuchak, Bangkok 10900  
Tel.: 081-7180990 E-mail: kassuda@hotmail.com